



دفترچه شماره (1)

صبح جمعه

۹۸/۱۲/۹



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.»
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه متمرکز) - سال ۱۳۹۹

رشته مهندسی کامپیوتر - هوش مصنوعی - کد (۲۳۵۶)

مدت پاسخ گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی: تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ساختمان داده ها و طراحی الگوریتم ها - شناسایی الگو - یادگیری ماشین	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می باشد و یا متخلفین برابر مقررات رفتار می شود.

* داوطلب درامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخنامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سؤالات و پائین پاسخنامه را تأیید می‌نمایم.

امضا:

۱- فرض کنید متنی به طول n در اختیار داریم. در خصوص گزاره‌های زیر کدام گزینه صحیح است؟
(الف) کد هافمن یک کاراکتر یک بیتی است، اگر و فقط اگر تعداد تکرار آن کاراکتر کمتر از جمع تعداد تکرار بقیه کاراکترها نباشد.

(ب) اگر کاراکتری بیشترین تکرار را داشته باشد و تعداد تکرارهای آن بیش از $\frac{n}{3}$ باشد، آنگاه کد هافمن آن کاراکتر تک بیتی است.

(۲) (الف) نادرست و (ب) درست

(۱) (الف) درست و (ب) درست

(۴) (الف) نادرست و (ب) نادرست

(۳) (الف) درست و (ب) نادرست

۲- یک گراف کامل 10 رأسی را در نظر بگیرید، که رأس‌های آن از 1 تا 10 شماره‌گذاری شده‌اند. فرض کنید وزن یال بین i و j برابر $i + j$ است. آخرین یال درخت پوشای کمینه که توسط الگوریتم پریم با شروع از رأس 10 اضافه می‌شود، چه وزنی دارد؟

(۱) ۹

(۲) ۱۰

(۳) ۱۱

(۴) ۱۷

۳- کدام الگوریتم مرتب‌سازی در بهترین حالت، زمان اجرای کمتری دارد؟

(۱) Insertion Sort (۲) Selection Sort (۳) Merge Sort (۴) Quick Sort

۴- برای پیاده‌سازی یک لیست پیوندی حلقوی، کدام ساختمان داده قابل استفاده است؟

(۱) پشته (۲) صف (۳) صف و پشته (۴) هیچ‌یک از صف و پشته

۵- در پیاده‌سازی متعارف جستجوی عمق اول و جستجوی سطح اول، به ترتیب از کدام ساختارها استفاده می‌شود؟

(۱) پشته و صف (۲) صف و پشته (۳) پشته و لیست (۴) لیست و پشته

۶- مسئله جمع زیرمجموعه بدین شکل تعریف می‌شود: یک مجموعه از اعداد مثبت $S = \{a_1, \dots, a_n\}$ به همراه عدد W داده شده است. آیا زیرمجموعه‌ای از S پیدا می‌شود که جمع اعضای آن W شود؟

برای حل این مسئله به روش برنامه‌ریزی پویا یک آرایه دو بُعدی $X[1..n, 0..W]$ تعریف می‌کنیم که $X[i, j]$ برابر True است. اگر زیرمجموعه‌ای از $S = \{a_1, \dots, a_i\}$ وجود داشته باشد که جمع اعضای آن j شود، در

این خصوص کدام رابطه درست است؟

(۲) $X[i, j] = X[i-1, j] \wedge X[i, j-a_i]$

(۱) $X[i, j] = X[i-1, j] \vee X[i, j-a_i]$

(۴) $X[i, j] = X[i-1, j] \wedge X[i-1, j-a_i]$

(۳) $X[i, j] = X[i-1, j] \vee X[i-1, j-a_i]$

۷- برای سرب بدون جهت G با n رأس دو مسئله زیر را در نظر بگیرید:

- مسئله A: آیا G یک زیرمجموعه مستقل ۴ رأسی دارد؟
- مسئله B: آیا G یک زیرمجموعه مستقل $n - 4$ رأسی دارد؟

در خصوص این دو مسئله کدام مورد درست است؟

- (۱) مسئله A عضو کلاس P و مسئله B عضو کلاس NP-Complete است.
- (۲) مسئله A عضو کلاس NP-Complete و مسئله B عضو کلاس P است.
- (۳) هر دو مسئله عضو کلاس NP-Complete هستند.
- (۴) هر دو مسئله عضو کلاس P هستند.

۸- فرض کنید $G = (V, E)$ یک گراف بدون جهت و گراف $G' = (V', E')$ یک زیرگراف G است. یال‌های G را بدین

شکل وزن دار می‌کنیم: اگر $e \in E'$ باشد، وزن آن را صفر و در غیر این صورت ۱ می‌گذاریم. از رأس دلخواه $v \in V'$ الگوریتم دایکسترا را برای محاسبه کوتاهترین مسیر به بقیه رئوس اجرا می‌کنیم. کدام مسئله را می‌توان با استفاده از طول کوتاهترین مسیرهای محاسبه شده، حل کرد؟

(۱) آیا G' درخت است؟

(۲) آیا G' همبند است؟

(۳) آیا G' تشکیل خوشه می‌دهد؟

(۴) تعداد یال‌ها در کوتاهترین مسیر از v به بقیه رئوس چند است؟

۹- فرض کنید در داخل یک درخت دودویی جستجو، اعداد ۱ تا ۱۰۰۰ ذخیره شده‌اند و ما می‌خواهیم دنبال عدد

۳۶۵ بگردیم. کدام دنباله (از چپ به راست) نمی‌تواند مسیر جستجو باشد؟

(۱) ۴, ۴۰۱, ۳۸۹, ۲۲۱, ۲۶۸, ۳۸۴, ۳۸۳, ۲۸۰, ۳۶۵

(۲) ۹۲۶, ۲۲۲, ۹۱۳, ۲۴۶, ۹۰۰, ۲۶۰, ۳۶۴, ۳۶۵

(۳) ۴, ۲۵۴, ۴۰۳, ۴۰۰, ۳۳۲, ۳۴۶, ۳۹۹, ۳۶۵

(۴) ۹۲۷, ۲۰۴, ۹۱۳, ۲۴۲, ۹۱۴, ۲۴۷, ۳۶۵

۱۰- فرض کنید یک آرایه مرتب از n عدد در اختیار داریم. به ازای یک k داده شده، می‌خواهیم دو عدد a و b از آرایه

را پیدا کنیم که $|a - b| = k$ شود. سریع‌ترین الگوریتم برای حل این مسئله دارای چه مرتبه زمانی است؟

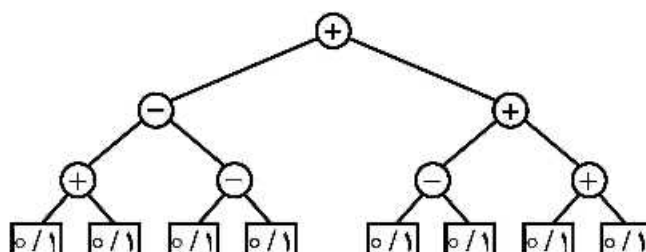
(۱) $O(n)$

(۲) $O(n^2)$

(۳) $O(\log n)$

(۴) $O(n \log n)$

۱۱- در درخت میانوندی داده شده، مقدار هر برگ می‌تواند صفر یا یک باشد. ماکزیمم خروجی این عبارت کدام است؟



(۱) ۲

(۲) ۳

(۳) ۴

(۴) ۶

۱۲- می‌توانیم بر برب شروع و پایان فعالیت‌های H و G و F و E و D و C و B و A از چپ به راست به صورت $a_s, b_s, c_s, d_s, e_s, f_s, g_s, h_s$ در اینجا x_s زمان شروع و x_e زمان پایان فعالیت X می‌باشد. می‌خواهیم این فعالیت‌ها را در تعدادی اتاق که در اختیار داریم انجام دهیم. یک فعالیت در یک اتاق قابل انجام است، اگر در تمام مدت زمان آن فعالیت اتاق به‌طور کامل در اختیارش باشد. حداقل تعداد اتاق‌های مورد نیاز برای انجام همه فعالیت‌ها کدام است؟

(۱) ۳

(۲) ۴

(۳) ۵

(۴) ۶

۱۳- اعداد صحیح بین ۱ تا ۱۳۹۸ به‌عنوان ورودی داده شده است. کدام تابع درهم‌ساز، اعداد داده شده را به‌طور یکنواخت بین ۱۰ خانه جدول درهم‌سازی توزیع می‌کند؟ (یک توزیع یکنواخت است، اگر تفاضل تعداد اعداد نگاشت شده به هر دو خانه از جدول حداکثر ۱ باشد).

$$h(i) = i^2 \bmod 10 \quad (۱)$$

$$h(i) = i^3 \bmod 10 \quad (۲)$$

$$h(i) = 12i \bmod 10 \quad (۳)$$

$$h(i) = 4i^2 + 6 \bmod 10 \quad (۴)$$

۱۴- آرایه $A[1..13] = 89, 19, 40, 17, 12, 10, 2, 5, 7, 11, 6, 9, 70$ داده شده است. می‌توانیم هر بار دو خانه دلخواه از این آرایه را با هم جابه‌جا کنیم. با حداقل چند جابه‌جایی می‌توان این آرایه را به یک هرم پیشینه تبدیل کرد؟

(۱) ۰

(۲) ۱

(۳) ۲

(۴) ۳

۱۵- فرض کنید در گراف وزن‌دار و جهت‌دار G با n رأس، تنها وزن یال‌های خارج شده از رأس s ممکن است منفی باشند. (البته می‌دانیم گراف دور منفی ندارد.) بزرگ‌ترین n که به ازای آن الگوریتم دایکسترا روی هر گراف n رأسی با فرض‌های گفته شده کوتاه‌ترین مسیر از s به بقیه رئوس را درست محاسبه می‌کند، کدام است؟

(۱) ۲

(۲) ۳

(۳) ۴

(۴) به‌ازای هر n همیشه درست کار می‌کند.

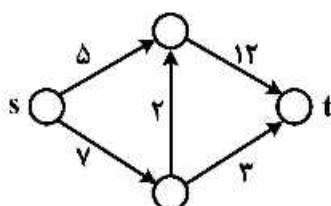
۱۶- در شبکه داده شده فقط مجاز هستیم ظرفیت یک یال را به هر میزان که بخواهیم افزایش دهیم. با این کار شار پیشینه از s به t را حداکثر چه میزان می‌توان افزایش داد؟

(۱) ∞

(۲) ۵

(۳) ۲

(۴) ۱





۱۷- اگر مسئله P عضو کلاس NP-Complete به مسئله Y عضو کلاس P در زمان چندجمله‌ای تبدیل شود، کدام گزینه نادرست است؟

(۱) $NP = P$

(۲) $NP - Complete = P$

(۳) $NP - Hard = NP$

(۴) مسئله 3-SAT در زمان چندجمله‌ای حل می‌شود.

۱۸- زمان اجرای الگوریتمی به صورت $T(n) = T(n/11) + T(6n/11) + n$ است. مرتبه زمانی اجرای این الگوریتم کدام است؟

(۱) $O(n)$

(۲) $O(n^2)$

(۳) $O(\log n)$

(۴) $O(n \log n)$

۱۹- فرض کنید G یک گراف وزن دار و جهت دار با n رأس و m یال است. با فرض اینکه فاصله کوتاهترین مسیر برای هر دو رأس را در یک ماتریس $n \times n$ در اختیار داریم، مطلع شده‌ایم که وزن تنها یک یال (u, v) تغییر پیدا کرده است. می‌خواهیم به ازای دو رأس مشخص s و t طول کوتاهترین مسیر بین این دو رأس را به روز کنیم. این کار را در چه زمانی می‌توان انجام داد؟

(۱) $O(n)$

(۲) $O(n + m)$

(۳) $O(1)$

(۴) $O(n \log n + m)$

۲۰- دو هرم کمینه در اختیار داریم که هر یک شامل n عدد است. می‌خواهیم یک هرم کمینه برای همه این $2n$ عدد بسازیم. با چه مرتبه زمانی می‌توان این کار را انجام داد؟ (فرض کنید هرم‌های کمینه با آرایه پیاده‌سازی شده‌اند.)

(۱) $O(n)$

(۲) $O(n \log n)$

(۳) $O(n \log^* n)$

(۴) $O(n \log \log n)$

۲۱- کدام گزینه در مورد پیچیدگی زمانی الگوریتم خوشه‌بندی K-Means صحیح است؟ (فرض کنید t تعداد تکرار، k تعداد خوشه‌ها و n تعداد نمونه‌ها است.)

(۱) $O(t * n * k)$

(۲) $O(t * n * k^2)$

(۳) $O(t * n^2 * k)$

(۴) $O(t * n^2 * k^2)$

۲۲- کدام گزینه در خصوص روش SVM نرم (soft margin) و سخت (hard margin) با هسته گاوسی صحیح است؟

(۱) با کاهش پارامتر σ ، امکان رخداد بیش برآزش بیشتر می‌شود.

(۲) با افزایش پارامتر σ در هسته گاوسی، نرخ خطا در داده‌های آزمون افزایش می‌یابد.

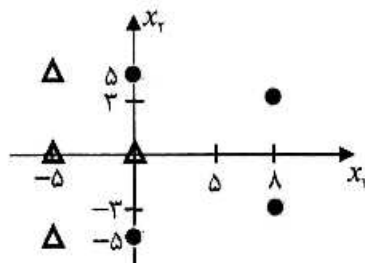
(۳) با کاهش ضریب جریمه در الگوریتم soft margin SVM، دسته‌بند دچار بیش برآزش می‌شود.

(۴) با افزایش ضریب جریمه در soft margin SVM میزان داده‌های آموزشی نادرست دسته بندی شده کاهش، اما داده‌های آزمون درست دسته بندی شده افزایش می‌یابد.

۲۳- در مسئله دسته بندی شکل زیر به روش $1-NN$ ، با معیارهای فاصله $d_1(x, y) = \max_i |x_i - y_i|$ و

$$d_2(x, y) = \sum_{i=1}^D |x_i - y_i|$$

نتیجه دسته بندی نقطه $[5, 0]^T$ به ترتیب از چپ به راست کدام است؟



(۱) دایره، دایره

(۲) دایره، مثلث

(۳) مثلث، دایره

(۴) مثلث، مثلث

۲۴- در تخمین چگالی به صورت غیرپارامتریک در فضای \mathcal{X} از پنجره پازرن گاوسی با مقیاس ۱ استفاده شده است. به

$$p(x) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \frac{1}{(2\pi)^{D/2}} \exp\left\{-\frac{1}{2}\|x - x_n\|^2\right\}$$

عبارت دیگر

است. فرض کنید داده‌ها را با تبدیل $y = Ax$ نگاشت کنیم. کدام گزینه تخمین چگالی معادل در فضای جدید بر حسب $B = A^{-1}$ است؟

$$p(y) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \frac{|B|}{(2\pi)^{D/2}} \exp\left\{-\frac{1}{2}(y - y_n)^T B (y - y_n)\right\} \quad (۱)$$

$$p(y) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \frac{1}{(2\pi)^{D/2} |B|} \exp\left\{-\frac{1}{2}(y - y_n)^T B (y - y_n)\right\} \quad (۲)$$

$$p(y) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \frac{|B|}{(2\pi)^{D/2}} \exp\left\{-\frac{1}{2}(y - y_n)^T B^T B (y - y_n)\right\} \quad (۳)$$

$$p(y) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \frac{1}{(2\pi)^{D/2} |B|} \exp\left\{-\frac{1}{2}(y - y_n)^T B^T B (y - y_n)\right\} \quad (۴)$$

۲۵- فرض کنید در یک مسئله دسته بندی، از تابع $y = w^T x$ برای تخمین برچسب داده‌ها استفاده کنیم. برای یافتن

w بهینه از روی داده‌های آموزش $\{(x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)\}$ تابع ضرر $L(w)$ را بهینه می‌کنیم. در صورتی که داده‌های آموزش خطی جداپذیر باشند، کدام $L(w)$ تعداد جواب‌های بهینه کمتری دارند؟

$$L_1(w) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \max(0, -y_i w^T x_i) \quad (۱)$$

$$L_3(w) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (w^T x_i)^2 u(-y_i w^T x_i) \quad (۲)$$

$$u(x) = \begin{cases} 1 & x \geq 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}, \quad L_2(w) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n u(-y_i w^T x_i) \quad (۳)$$

$$L_4(w) = \frac{1}{2} \|w\|_2^2 + C \sum_{i=1}^n \max(0, -y_i w^T x_i) \quad (۴)$$

که در آن C به سمت بی‌نهایت میل می‌کند.

۱۶- سرب یک دسته بندی دو دسته‌ای، داده‌های دو دسته دارای توزیع گاوسی هستند. با توجه به پارامترهای

توزیع هر دسته، فاصله $x = \begin{bmatrix} 1/5 \\ 1/5 \end{bmatrix}$ از میانگین دسته‌ها (d_1^2, d_2^2) کدام است؟

$$\mu_1 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad \Sigma_1 = \begin{bmatrix} 3 & -3 \\ -3 & 3/5 \end{bmatrix}$$

$$\mu_2 = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix} \quad \Sigma_2 = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 3/5 \end{bmatrix}$$

$$(18/75 \quad 0/75) \quad (2)$$

$$(4/5 \quad 4/5) \quad (1)$$

$$(4/5 \quad 18/75) \quad (4)$$

$$(0/75 \quad 18/75) \quad (3)$$

۲۷- یک ماشین بردار پشتیبان خطی سخت (Hard linear SVM - یا SVM خطی بدون در نظر گرفتن جریمه) در

یک مسئله دسته بندی دو دسته‌ای در فضای دوبعدی با n داده، آموزش داده شده است. نتیجه حاصل $k = 2$

بردار پشتیبان بوده است. در صورتی که یک داده برچسبدار دلخواه به مجموعه داده‌های قبلی اضافه کرده و

مجدداً دسته‌بند را آموزش دهیم، حداکثر چند بردار پشتیبان ممکن است به دست آید؟

$$k \quad (1)$$

$$n \quad (2)$$

$$k+1 \quad (3)$$

$$n+1 \quad (4)$$

۲۸- مسئله دسته بندی دو دسته‌ای با احتمال‌های پیشین برابر $p(\omega_1) = p(\omega_2)$ و توابع توزیع گاوسی به صورت زیر را

در نظر بگیرید.

$$p(x | \omega_1) = N\left(\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}\right) \quad p(x | \omega_2) = N\left(\begin{bmatrix} 4 \\ 4 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}\right)$$

خط پیشنهادی روش Fisher discriminant به گونه‌ای که داده‌های دو دسته پس از تصویر بر روی آن خط، به

صورت بهینه جدا شوند، کدام است؟

$$W = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$W = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$W = -\frac{2}{3} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$W = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} \quad (3)$$

۲۹- رویه SVM (hard margin) به صورت زیر به دست آمده است، که ورودی با استفاده از نگاشت ϕ به فضایی با

ابعاد بالاتر منتقل می‌شود. آیا $x = [+1, 1]^T$ ، $y = [-1, -1]^T$ می‌توانند بردار پشتیبان باشند؟

$$f(\phi(x)) = 4\phi_1(x) + 9\phi_2(x) + 4\phi_3(x) \quad \phi(x) = \begin{bmatrix} \phi_1(x) = x_1^2 \\ \phi_2(x) = x_2^2 \\ \phi_3(x) = x_1 x_2 \\ \phi_4(x) = -x_1 \end{bmatrix}$$

$$x \text{ بلی} - y \text{ خیر} \quad (2)$$

$$x \text{ بلی} - y \text{ بلی} \quad (1)$$

$$x \text{ خیر} - y \text{ خیر} \quad (4)$$

$$x \text{ خیر} - y \text{ بلی} \quad (3)$$

۳۰- تابع هسته $K(\phi, \phi)$ در واقع بیانگر نگاشت $\phi(\cdot)$ از داده $x \in R^d$ به فضای مقصد ϕ است، به صورتی که در فضای مقصد داریم $K(x_i, x_j) = \phi(x_i) \cdot \phi(x_j)$. اگر در حل یک مسئله از تابع هسته RBF به صورت $K(x_i, x_j) = \exp(-\frac{1}{\gamma} \|x_i - x_j\|^2)$ استفاده شود، کدام رابطه به ازای هر دو داده x_i و x_j در فضای هسته صحیح است؟

$$(1) \|\phi(x_i) - \phi(x_j)\|^2 < \frac{1}{\gamma}$$

$$(2) \|\phi(x_i) - \phi(x_j)\|^2 < 1$$

$$(3) \|\phi(x_i) - \phi(x_j)\|^2 < 2$$

(۴) هیچ رابطه مشخصی بین هر دو داده x_i و x_j در فضای هسته وجود ندارد.

۳۱- در یک مسئله یادگیری، مجموعه داده‌ای با n نمونه داریم، که هر نمونه دارای p ویژگی است. می‌خواهیم از این مجموعه داده برای ساخت یک دسته بند با روش Bagging استفاده کنیم. به همین منظور می‌بایست از این مجموعه آموزشی یک مجموعه آموزشی جدید ایجاد کنیم. کدام روش برای ایجاد مجموعه آموزشی جدید درست است؟

(۱) نمونه برداری p نمونه با جایگذاری

(۲) نمونه برداری n نمونه با جایگذاری

(۳) نمونه برداری \sqrt{p} نمونه بدون جایگذاری (۴) نمونه برداری k نمونه بدون جایگذاری ($k < n$)

۳۲- یک دسته بند برای دسته بندی دودسته‌ای داریم، که خروجی آن احتمال تعلق یک نمونه به یک دسته را مشخص می‌کند. کدام گزینه در مورد ROC و AUC درست نیست؟

(۱) منحنی ROC یک منحنی اکیدا صعودی است.

(۲) منحنی ROC با تغییر مقدار آستانه تصمیم‌گیری می‌سازیم.

(۳) مقدار $AUC = 0.5$ نشان می‌دهد که این دسته بند بدتر از دسته بند تصادفی است.

(۴) منحنی ROC اجازه می‌دهد که مصالحه بین True Positive و False Positive را مصورسازی نماییم.

۳۳- یک دسته بند برای دسته بندی دو دسته‌ای داریم، که خروجی آن احتمال تعلق یک نمونه به دسته با برچسب C_1 را مشخص می‌کند. این احتمال به صورت زیر بیان می‌شود.

$$P(y = C_1) = \begin{cases} 0 & \text{if } x < 0 \\ x & \text{if } 0 \leq x < 1 \\ 1 & \text{if } 1 \leq x \end{cases}$$

اگر ماتریس هزینه دسته بندی اشتباه به صورت زیر باشد، برای کدام مقدار x ریسک کمینه می‌شود؟

دسته پیش بینی شده

		C2	C1
دسته واقعی	C2	0	10
	C1	30	0

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \quad (2)$$

$$0 \quad (1)$$

۳۴- برای ساخت یک درخت تصمیم، ماتریس داده $X = \begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 2 & 7 \\ 9 & 6 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$ و برچسب آن به صورت $Y = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ داده شده است.

هر نمونه دارای ۲ ویژگی x_1 و x_2 هست که به ترتیب در ستون‌های اول و دوم ماتریس X آورده شده است. کدام گزینه را اگر به عنوان ریشه درخت تصمیم انتخاب کنیم بیشترین بهره اطلاعاتی را خواهیم داشت؟

(۱) $x_1 > 2$

(۲) $x_2 > 3$

(۳) $x_1 > 4$

(۴) $x_2 > 6$

۳۵- فرض کنید که ماتریس کوواریانس زیر را داریم.

$$\Sigma = \begin{bmatrix} 5 & \alpha \\ \alpha & 4 \end{bmatrix}$$

برای چه مقادیری از α این ماتریس یک ماتریس کوواریانس معتبر است؟

(۱) $-\sqrt{20} \leq \alpha \leq \sqrt{20}$

(۲) $-\sqrt{20} < \alpha < \sqrt{20}$

(۳) برای همه مقادیر حقیقی α

(۴) برای همه مقادیر حقیقی مثبت α

۳۶- فرض کنید که ماتریس کوواریانس مجموعه داده‌ای به صورت زیر باشد. می‌خواهیم با کمک الگوریتم PCA این داده‌ها را به یک بعد کاهش بعد دهیم. کدام یک از بردارهای زیر بردار تبدیل PCA است؟

$$\Sigma = \begin{bmatrix} 82 & -80 \\ -80 & 82 \end{bmatrix}$$

(۲) $W = \begin{bmatrix} \frac{-1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$

(۱) $W = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{-1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$

(۴) $W = \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$

(۳) $W = \begin{bmatrix} \frac{-1}{\sqrt{2}} \\ \frac{-1}{\sqrt{2}} \end{bmatrix}$

۳۷- کدام گزینه بعد VC یک درخت تصمیم با سه گره در فضای R^1 است؟

(۴) 5

(۳) 4

(۲) 3

(۱) 2

۳۸- برای یک مسئله دسته بندی ۲ دسته‌ای، مجموعه داده‌ای با یک میلیون نمونه داریم، که هر نمونه دارای ۴ ویژگی و هر ویژگی دارای ۳ مقدار است. می‌خواهیم برای دسته بندی این داده از الگوریتم بیز ساده (Naïve Bayes) استفاده کنیم. برای یادگیری این دسته‌بند چند پارامتر باید یادگرفته شود؟

(۴) 17

(۳) 15

(۲) 13

(۱) 9



۹- بر دو تابع هسته معتبر، و p یک چند جمله‌ای بر اساس پارامترش که دارای ضرایب مثبت است، و f یک تابع با مقدار حقیقی و a یک مقدار مثبت باشد، کدام هسته معتبر نیست؟

$$K(x, z) = p(K_1(x, z)) \quad (2)$$

$$K(x, z) = f(x)f(z) \quad (1)$$

$$K(x, z) = K_2(x, z) - K_1(x, z) \quad (4)$$

$$K(x, z) = K_2(x, z)K_1(x, z) \quad (3)$$

۴۰- برای یک مسئله دسته بندی در فضای ۲ بعدی، بعد VC دسته‌بند توزیع مختلط دو توزیع گاوسی با ماتریس کوواریانس برابر کدام است؟

(۴) 5

(۳) 4

(۲) 3

(۱) 2

۴۱- درخت تصمیم حاصل از روش ID۳، بر مجموعه داده زیر دارای چند گره برگ است؟

(۱) 5

(۲) 6

(۳) 7

(۴) 8

Label	Features			
Y	X ₁	X ₂	X ₃	X ₄
+	0	1	0	1
+	1	0	1	0
+	1	1	1	0
+	0	0	0	1
+	1	1	1	0
-	0	0	1	1
-	0	0	0	0
-	0	0	1	0
-	1	0	0	0
-	0	0	1	1

۴۲- می‌خواهیم بر روی مجموعه داده زیر رگرسیون خطی به صورت $Y = 2\beta^2 X - X$ انجام دهیم. مقدار به دست آمده برای β کدام است؟

x	-1	0	2
y	1	-1	1

$$\sqrt{\frac{3}{8}} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{1}{4}} \quad (4)$$

$$\sqrt{\frac{3}{10}} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{3}{5}} \quad (3)$$

۴۳- کدام مجموعه گیت‌های منطقی است که نمی‌توان تک تک اعضایش را با یک پرسپترون پیاده‌سازی کرد؟

(1) AND, XOR, OR

(2) AND, OR, NOR

(3) AND, OR, NAND

(4) NAND, NOR, AND

۴- مس. می. آموزشی زیر با سه ویژگی x , y و z و خروجی U را در نظر بگیرید. اگر برای یادگیری U از دسته بندی کننده ساده بیزی (Naive Bayes Classifier) استفاده شود، پس از خاتمه یادگیری، کدام مورد مقادیر احتمالاتی زیر را به درستی نشان می دهد؟ (برای سادگی احتمال $P(D)$ را ۱ در نظر بگیرید).

$$T_1 = P(U = 0 | x = 0, y = 1, z = 0) = ?$$

$$T_2 = P(U = 1 | x = 0) = ?$$

x	y	z	U
۱	۰	۰	۰
۰	۱	۱	۰
۰	۰	۱	۰
۱	۰	۰	۱
۰	۰	۱	۱
۰	۱	۰	۱
۱	۱	۰	۱

$$T_2 = \frac{16}{49}, T_1 = \frac{144}{2401} \quad (1)$$

$$T_2 = \frac{16}{49}, T_1 = \frac{1}{21} \quad (2)$$

$$T_2 = \frac{3}{21}, T_1 = \frac{1}{21} \quad (3)$$

$$T_2 = \frac{2}{7}, T_1 = \frac{1}{21} \quad (4)$$

۴۵- در یک مسئله دسته بندی، اگر مجموعه فرضیه ها را به صورت $H = \text{sgn}(ax^2 + bx + c)$ در نظر بگیریم، که پارامترهای a , b و c اعداد حقیقی هستند و $\text{sgn}(z) = 1$ اگر $z > 0$ و $\text{sgn}(z) = 0$ اگر $z \leq 0$. مقدار بعد VC فضای H کدام است؟

$$1 \quad (1)$$

$$2 \quad (2)$$

$$3 \quad (3)$$

$$4 \quad (4)$$

به اطلاع می‌رساند، کلید اولیه سوالات که در این سایت قرار گرفته است، غیر قابل استناد است و پس از دریافت نظرات داوطلبان و صاحب نظران کلید نهایی سوالات تهیه و بر اساس آن کارنامه داوطلبان استخراج خواهد شد. در صورت تمایل می‌توانید حداکثر تا تاریخ 1399/05/14 با مراجعه به سامانه پاسخگویی اینترنتی (request.sanjesh.org) نسبت به تکمیل فرم "اعتراض به کلید سوالات"/"آزمون دکتری سال 1399" اقدام نمایید. لازم به ذکر است نظرات داوطلبان فقط تا تاریخ مذکور و از طریق فرم ذکر شده دریافت خواهد شد و به موارد ارسالی از طریق دیگر (نامه مکتوب یا فرم عمومی در سامانه پاسخگویی و ...) با پس از تاریخ اعلام شده رسیدگی نخواهد شد.



عنوان دفترچه	نوع دفترچه	شماره پاسخنامه	گروه امتحانی
مهندسی کامپیوتر-هوش مصنوعی	E	1	مهندسی و فنی

شماره سوال	گزینه صحیح	شماره سوال	گزینه صحیح
1	4	31	2
2	2	32	3
3	1	33	2
4	3	34	3
5	1	35	1
6	3	36	1
7	4	37	3
8	2	38	4
9	4	39	4
10	1	40	2
11	4	41	2
12	2	42	3
13	2	43	1
14	3	44	4
15	4	45	3
16	2		
17	3		
18	1		
19	3		
20	1		
21	1		
22	1		
23	2		
24	3		
25	4		
26	2		
27	4		
28	4		
29	2		
30	3		

خروج